

## Linguagens Formais e Autômatos – Lista V

**Ex. 1** — Descreva uma máquina de Turing que leia um número natural em representação binária e deixe na fita sua divisão por dois. Se a cadeia de entrada não for um número binário, a máquina deve rejeitar a palavra.

**Ex. 2** — Descreva uma máquina de Turing que reconheça a linguagem  $a^n b^m c^n d^m$ .

**Ex. 3** — Prove que  $EQ_{GLC}$  é indecidível. Use o problema  $TODAS_{GLC}$ :

$$TODAS_{GLC} = \{G \mid G \text{ aceita todas as palavras sobre o alfabeto definido}\}$$

Ou seja,  $TDAS_{GLC} = \{G \mid L(G) = \Sigma^*\}$

**Ex. 4** — (Um pouco difícil) Seja  $R = \{M \mid M \text{ é máquina de Turing, e } M \text{ aceita } w^R \text{ se e somente se } M \text{ aceita } w\}$  – ou seja,  $R$  é a linguagem das máquinas de Turing que sempre aceitam palavras e suas reversas (as máquinas de  $R$  **não** aceitam uma palavra  $w$  sem aceitarem  $w^R$  também). Mostre que a linguagem  $R$  é indecidível.

**Dica:** tente reduzir  $A_{MT}$ : construa um algoritmo para  $A_{MT}$ , usando a máquina de Turing que supostamente existe para  $R$ . (Seu algoritmo começaria lendo  $M, w$ , e construindo uma máquina que aceita os reversos das palavras de  $M$ . Depois, concatene  $M$  com sua nova máquina...)